

கல திரட்டையை/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (අධ්‍යාපන පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළුවිප් පොතුත් තරාතරුප පත්තිර (ශ්‍යර් තරු)ප පරීක්ෂේ, 2019 ඉකස්න් General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

வணிகப் புள்ளிவிவரவியல் |
Business Statistics |

31 S I

2019.08.15 / 1300 - 1500

ரை டெக்டி
இரண்டு மணித்தியாலம்
Two hours

ପ୍ରଦେଶ:

- * සියලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න.
 - * උත්තර පත්‍රයේ නියමිත සේවානයේ ඔබේ විභාග අංකය ලියන්න.
 - * සංඛ්‍යාන විදු සපයනු ඇති ගණක යන්ත්‍ර භාවිතයට ඉඩ දෙනු නො ලැබේ.
 - * උත්තර පත්‍රයේ දී ඇති උපදෙස් ද සැලකිල්ලන් කියවා පිළිපදින්න.
 - * 1 සිට 50 තෙක් එක් එක් ප්‍රශ්නයට (1),(2),(3),(4),(5) යන පිළිතුරුවලින් තිබයේද හෝ ඉහාමත් ගැලුපෙන හෝ පිළිතුරු තෝරාගෙන, එය උත්තර පත්‍රයේ පසුගිය දැක්වෙන උපදෙස් පරිදි ක්‍රියාත්මක (X) යොදා දක්වන්න.

1. පහත දැක්වෙන කුම්ත ප්‍රකාශය සත්‍ය වේ ද?

 - (1) ප්‍රවත්ත්පත් සහ සගරා මගින් රස් කරගන්නා දත්ත ප්‍රාථමික දත්ත වේ.
 - (2) තෝරාගත් සසම්භාවී නියැදියක් පමණක් අධ්‍යායනය කොට සමස්ත සංගහනය පිළිබඳව නිශ්චලවලට එළඹීම සංඛ්‍යානයේ අවහාවිතයක් වේ.
 - (3) නියැදි තරම වැඩි කිරීමෙන් නියුත්ම් දේශ අඩු කළ නොහැකි ය.
 - (4) සංඛ්‍යානය මගින් තනි අයයක් අධ්‍යායනය නොකරයි.
 - (5) නියමු සම්ක්ෂණයක අරමුණ වන්නේ ප්‍රශ්නවලිය පරික්ෂාවට හාර්තය කිරීමයි.

2. පහත දැක්වෙන ප්‍රකාශ සලකන්න.

A - අසමාන පන්ති ප්‍රාන්තර සහිත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක් සඳහා ද ජාල රේඛය ගොඩනැගිය හැකි ය.

B - අංගක 45 රේඛාව සහ ලේරන්ස් ව්‍යුහ අතර ක්ෂේත්‍රාලයට ඕනෑම සංග්‍රහකය යයි කියනු ලැබේ.

C - ලේරන්ස් ව්‍යුහ හරියටම අංගක 45 රේඛාව මත පිහිටයි නම් ඕනෑම සංග්‍රහකයෙහි අයය බිංදුව වේ.

ඉහත ප්‍රකාශවලින් සත්‍ය වන්නේ,

 - (1) A පමණි.
 - (2) C පමණි.
 - (3) A හා C පමණි.
 - (4) B හා C පමණි.
 - (5) A, B හා C සියල්ල ම ය.

3. මිනුම් පරිමාණ සම්බන්ධයෙන් පහත දැක්වෙන ප්‍රකාශ සලකන්න.

A - නාමික මිනුම් පරිමාණයක උපකාණ්ඩි අතර සම්බන්ධතාවක් නොමැත.

B - ප්‍රාන්තර මිනුම් පරිමාණයක මිනුම් ඒකක පවතින තීසා එය ගණන කරම සඳහා යොදා ගත හැකි ය.

C - ස්ථාවර ආරම්භක ලක්ෂණයක් පවතින එකම මිනුම් පරිමාණය අනුපාත මිනුම් පරිමාණය වේ.

ඉහත ප්‍රකාශවලින් සත්‍ය වන්නේ,

 - (1) A පමණි.
 - (2) C පමණි.
 - (3) A හා B පමණි.
 - (4) A හා C පමණි.
 - (5) A, B හා C සියල්ල ම ය.

4. සංරවක අයයන් සම්ග මූල්‍ය අයය නිරුපණය කිරීමට වඩාත් යෝග්‍ය සටහන වන්නේ,

 - (1) සරල තීරු සටහනයි.
 - (2) බහු ඉණ තීරු සටහනයි.
 - (3) විතු සටහනයි.
 - (4) පැනිකඩ සටහනයි.
 - (5) පයි සටහනයි.

5. කිසියම් භාණ්ඩයක ආනයනය 2008 වසරේද දී 20% කින් වැඩි වී 2009 වසරේද දී 18% කින් අඩු වී ජ්‍යෙෂ්ඨ වසරේද 30% කින් වැඩි වේය. එක් එක් වසරේද දී වැඩි වීම හෝ අඩු වීම රිට කළින් වසරට සාපේක්ෂව මතින ලදී. වාර්ෂිකව ආනයනය වෙනස් වීමේ සාමාන්‍ය අනුපාතිකය සමාන වන්නේ පහත කුම්කට ද?

 - (1) 10%
 - (2) 10.7%
 - (3) 22.6%
 - (4) $[(0.2)(-0.18)(0.3)]^{\frac{1}{3}}$
 - (5) $[(100 + 20)(100 - 18)(100 + 30)]^{\frac{1}{3}} - 100$

6. සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක පන්ති ප්‍රාන්තරයන්ගේ මධ්‍ය ලක්ෂණ (X_i) අයයන් $U_i = \frac{X_i - A}{C}$ ලෙස U_i අයයන් බවට පරිණාමනය කරන්නේ නම් ව්‍යාප්තියේ මධ්‍යන්යය \bar{X} සහ සම්මත අපගමනය σ පිළිවෙළින් දෙනු ලබන්නේ, පහත කුමක් මගින් ද?
- $\bar{X} = A + \bar{U}, \sigma_x = C\sigma_u$
 - $\bar{X} = A + C\bar{U}, \sigma_x = C\sigma_u$
 - $\bar{X} = A - C\bar{U}, \sigma_x = C\sigma_u$
 - $\bar{X} = \bar{U}, \sigma_x = C\sigma_u$
 - $\bar{X} = A + C\bar{U}, \sigma_x = \sigma_u$
7. මැයි ප්‍රාණයේ කුටික ව්‍යාප්තියක මාත්‍ය සහ මධ්‍යන්යය පිළිවෙළින් 32 සහ 35 වේ. ව්‍යාප්තියේ මධ්‍යස්ථය කියද?
- 32
 - 33
 - 34
 - 35
 - 36
8. තිසියම් ව්‍යාප්තියක් සඳහා කෙලීගේ කුටිකතා සංග්‍රහකය 0.2 වන අතර $P_{10} = 60$ ද මධ්‍යස්ථය = 80 ද වේ. ව්‍යාප්තියේ P_{90} අයය කුමක් ද?
- 100
 - 110
 - 130
 - 140
 - 160
9. පහත දැක්වෙන කුමන ප්‍රකාශය දැක්ව වේ ද?
- ව්‍යාප්තියක විවෘත පන්ති ප්‍රාන්තර ඇති විට බෝවිලිගේ කුටිකතා සංග්‍රහකය හාවිත කළ නොහැකි ය.
 - කෙලීගේ කුටිකතා සංග්‍රහකය මගින් බෝවිලිගේ කුටිකතා සංග්‍රහකයට වඩා අන්ත අයයන් ආවරණය කෙරේ.
 - සානු කුටිකතා සංග්‍රහකය සහිත ව්‍යාප්තියක දකුණට දිග වලගය පවතී.
 - බෝවිලිගේ කුටිකතා සංග්‍රහකය පදනම් වන්නේ කේන්ට්‍රික නිරීක්ෂණ 50% මත පමණි.
 - දකුණට දිග වලගය සහිත ව්‍යාප්තියක මධ්‍යන්යය > මධ්‍යස්ථය > මාත්‍ය වේ.
10. A, B, C, D සහ E නම් පිතිකරුවන් පස්දෙනකු ඉනිම් 10 ක දී රස්කර ගන්නා ලද ලකුණුවල මධ්‍යන්යය පිළිවෙළින් 75, 60, 50, 45 හා 20 වේ. ඔවුන්ගේ ලකුණුවල සම්මත අපගමන පිළිවෙළින් 30, 25, 30, 15, 10 වේ. පිතිකරුවන් පස්දෙනාගෙන් වඩාත් ම සංගත පිතිකරුවා කුවද?
- A
 - B
 - C
 - D
 - E
11. මෝටර රථයක් කිසියම් ගමනක කි.මි. 250ක් පැයට කි.මි. 50 වේගයකින් ද, කි.මි. 120ක් පැයට කි.මි. 40 වේගයකින් ද ඉතිරි කි.මි. 50 පැයට කි.මි. 25 වේගයකින් ද ගමන් කරයි. මුළු ගමන සඳහා මෝටර රථයේ සාමාන්‍ය වේග සමාන වන්නේ පහත කුමකට ද?
- $38\frac{1}{3} \text{ km h}^{-1}$
 - 42 km h^{-1}
 - $63\frac{2}{3} \text{ km h}^{-1}$
 - 140 km h^{-1}
 - $(50 \times 40 \times 25)^{\frac{1}{3}} \text{ km h}^{-1}$
12. පහත දැක්වෙන දත්ත කුලකය සලකන්න.
- 14, 15, 8, 10, 13, 18, 9, 11, 7, 16, 19, 22, 21
- මෙම දත්ත කුලකයේ පළමු වතුර්ථකය, දෙවන වතුර්ථකය සහ තුන්වන වතුර්ථකය පිළිවෙළින් දැක්වෙන නිවැරදි පිළිතුර තෝරන්න.
- 8, 9, 16
 - 9.5, 14, 18.5
 - 9, 14, 18
 - 8.5, 9.5, 16.5
 - 10, 15, 19
13. ප්‍රතිපායනය සහ සහසම්බන්ධතාව සම්බන්ධයෙන් පහත දැක්වෙන කුමන ප්‍රකාශය සත්‍ය වේ ද?
- X සහ Y විවෘත දෙකෙන්ම නියතයක් අඩු කරන්නේ නම් X සහ Y අතර සහසම්බන්ධතා සංග්‍රහකය ද ඒ අනුව වෙනස් වේ.
 - X සහ Y අතර සහසම්බන්ධතා සංග්‍රහකය බිංදුව නම් X සහ Y අතර සම්බන්ධතාවක් නොපවතින බව අපට නිගමනය කළ හැකි ය.
 - සහසම්බන්ධතා සංග්‍රහකය යනු X සහ Y අතර රේඛීය සම්බන්ධතාවයේ මිනුමක් පමණි.
 - බුදුණ ප්‍රතිපායන ආකෘතියක් අනුස්ථුමය කිරීම සඳහා ද අනුපකාර කුමය යොදාගත හැකි ය.
 - X මත Y හි ප්‍රතිපායන සංග්‍රහකය b_1 නම් සහ Y මත X හි ප්‍රතිපායන සංග්‍රහකය b_2 නම් X සහ Y අතර සහසම්බන්ධතා සංග්‍රහකය $b_1 b_2$ වේ.

14. ප්‍රතිපායන විශ්ලේෂණය සම්බන්ධයෙන් පහත දැක්වෙන ප්‍රකාශ සලකන්න.

A - X මත Y හි ප්‍රතිපායන සංගුණකය ධන නම් X හා Y අතර සහසම්බන්ධතා සංගුණකය ද ධන වේ.

B - සරල රේඛිය ප්‍රතිපායනයේ දී නිර්ණ සංගුණකය, සහසම්බන්ධතා සංගුණකයෙහි වර්ගයට සමාන වේ.

C - බැංගුදුණ ප්‍රතිපායන ආකෘතියක පැවතිය හැකි වන්නේ ස්වායන්ත විවලු දෙකක් පමණි.

ඉහත ප්‍රකාශවලින් සත්‍ය වන්නේ,

- | | | |
|------------------|---------------------------|------------------|
| (1) B පමණි. | (2) A හා B පමණි. | (3) A හා C පමණි. |
| (4) B හා C පමණි. | (5) A, B හා C සියල්ල ම ය. | |

15. අනුසිහුමය කරන ලද ප්‍රතිපායන රේඛාවකට අනුව, ගොදාන පොහොර ප්‍රමාණය 5 kg කින් වැඩි කරන විට අස්වැන්න 12 kg කින් වැඩි වේ නම් ප්‍රතිපායන සංගුණකය කියද?

- | | | | | |
|----------|---------|-------|-------|--------|
| (1) 0.42 | (2) 2.4 | (3) 5 | (4) 7 | (5) 10 |
|----------|---------|-------|-------|--------|

16. සම්භාවතා ප්‍රවේශ පිළිබඳ ව පහත දැක්වෙන ප්‍රකාශ සලකන්න.

A - ආවේරණ කළුපික සම්භාවතා ප්‍රවේශය යටතේ කිසියම් සිද්ධියක සම්භාවතාව සඳහා සැම පුද්ගලයෙක්ම එකම පිළිතුර නිවැරදි පිළිතුර වශයෙන් ලබා ගති.

B - පරීක්ෂණයක ලැබිය හැකි මූල්‍ය ප්‍රතිථ්‍ල සංඛ්‍යාව n නම් සහ A සිද්ධියට පක්ෂපාති ප්‍රතිථ්‍ල සංඛ්‍යාව m නම් A සිද්ධිය සිදු විමේ සම්භාවතාව $P(A) = \frac{m}{n}$ වේ.

C - සම්භාවතාවේ ගණනමය ප්‍රවේශය යටතේ නියැදි අවකාශයෙහි සම්භාවතාව $P(S) = 1$ විම අවකාශ නැත. ඉහත ප්‍රකාශවලින් සත්‍ය වන්නේ,

- | | | |
|------------------|---------------------------|------------------|
| (1) A පමණි. | (2) A හා B පමණි. | (3) A හා C පමණි. |
| (4) B හා C පමණි. | (5) A, B හා C සියල්ල ම ය. | |

17. කිසියම් සසම්භාවී පරීක්ෂණයක් සඳහා නියැදි අවකාශය $S = \{a_1, a_2, a_3, a_4\}$ වේ. දී ඇති නියැදි අවකාශය සඳහා සම්භාවතා ලිඛිතය වන්නේ,

- | |
|--|
| (1) $P(a_1) = \frac{1}{2}, P(a_2) = \frac{1}{2}, P(a_3) = -\frac{1}{4}, P(a_4) = \frac{1}{5}$ ය. |
| (2) $P(a_1) = \frac{1}{2}, P(a_2) = \frac{1}{4}, P(a_3) = -\frac{1}{4}, P(a_4) = \frac{1}{2}$ ය. |
| (3) $P(a_1) = \frac{3}{2}, P(a_2) = \frac{1}{4}, P(a_3) = \frac{1}{8}, P(a_4) = \frac{1}{8}$ ය. |
| (4) $P(a_1) = \frac{1}{2}, P(a_2) = 0, P(a_3) = \frac{1}{4}, P(a_4) = \frac{1}{4}$ ය. |
| (5) $P(a_1) = \frac{1}{4}, P(a_2) = \frac{1}{5}, P(a_3) = \frac{1}{5}, P(a_4) = \frac{1}{4}$ ය. |

18. A සහ B යනු $P(A) = P_1, P(B) = P_2$ සහ $P(A \cap B) = P_3$ සහිත ඔහුම සිද්ධි දෙකක් නම් $A \cup (A' \cap B)$ සිද්ධියෙහි සම්භාවතාව වන්නේ,

- | | | |
|-------------------------------|---------------------|---------------------|
| (1) $P_1 + P_2 - P_3$ වේ. | (2) $P_2 - P_3$ වේ. | (3) $P_1 - P_3$ වේ. |
| (4) $1 - P_1 - P_2 + P_3$ වේ. | (5) $1 - P_3$ වේ. | |

19. A සහ B යනු $P(A \cap B) = \frac{1}{2}, P(A' \cap B') = \frac{1}{3}$, සහ $P(A) = P(B) = k$ සහිත සිද්ධි දෙකක් නම්, k හි අගය වන්නේ,

- | | | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|-----------------------|
| (1) $\frac{1}{3}$ ය. | (2) $\frac{1}{2}$ ය. | (3) $\frac{7}{8}$ ය. | (4) $\frac{8}{9}$ ය. | (5) $\frac{7}{12}$ ය. |
|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|-----------------------|

20. A, B සහ C යනු ඔහුම සිද්ධි තුනක් නම්, A හෝ B සිදු වන නමුත් C සිදු නොවීමේ සම්භාවතාව දෙනු ලබන්නේ පහත කුමන ප්‍රකාශය මගින් ද?

- | | |
|---|---------------------------------|
| (1) $P(A \cap B \cap C')$ | (2) $P[(A \cup B) \cap C']$ |
| (3) $P[(A' \cap C') \cup (B' \cap C')]$ | (4) $1 - P[(A \cup B) \cap C']$ |
| (5) $P[(A' \cup B') \cap C]$ | |

- 21.** X சுக்கமிழாவீ விவரங்கள் பற்றி முதல் தேர்தல் நடைபெற்று வருகின்றன.

x	0	1	2	3	4	5
$f(x)$	0.1	K	0.2	$2K$	0.3	K

$P(X \leq x) > 0.5$ විම සඳහා X හි කුබාම අගය කුමක් විය හැකි ද?

22. X නම් සසම්භාවී විවලුය සඳහා $P(X=1)=P(X=2)$ සහිත පොයිසේෂන් ව්‍යාප්තියක් ඇත්තැම් $P(X>0)$ හි අගය කුමක් ද?

- (1) 0.1353 (2) 0.3879 (3) 0.4060 (4) 0.5940 (5) 0.8647

23. පිරිමි උපතක් හේ ගැහැනු උපතක් සිදු වීම සමඟවා තම් ලමයින් 5 දෙනකු සිටින පැවුලක පිරිමි ලමයින් සංඛ්‍යාවට වඩා ගැහැනු ලමයින් අඩු සංඛ්‍යාවක් සිටිමේ සම්භාවතාව කියද?

- (1) 0.0313 (2) 0.1583 (3) 0.1876 (4) 0.5001 (5) 0.8126

24. කිහිපයේ විභාගයක ලකුණු, මධ්‍යන්තය 76 සහ සම්මත අපගමනය 15 වන ප්‍රමත් ව්‍යාප්තියක පිහිටා ඇත. ශිෂ්‍යයින්ගෙන් භොදුම 15% සඳහා A සාමාර්ථ ලබා දෙන්නේ නම් A සාමාර්ථයක් ලැබීමට අවශ්‍ය අවම ලකුණු ආසන්න වශයෙන් කියද?

25. කිසියම් කර්මාන්ත ගාලුවක නිපදවනු ලබන අයිතමවලින් 2.5% ක් දේශ සහිත වේ. මෙම අයිතමවලින් අයිතම 100 ක සසම්ඟාවී තියැදියක් තෝරා ගන්නේ නම් වැඩිම වගයෙන් දේශ සහිත අයිතම එකක් තිබුමේ සම්ඟාවීතාව වන්නේ,

- (1) 0.0821 ω . (2) 0.2052 ω . (3) 0.2873 ω . (4) 0.7127 ω . (5) 0.9179 ω .

- 26.** කුමවත් නියදීම පිළිබඳ ව පහත දැක්වෙන ප්‍රකාශ සලකන්න.

A - නියුතුම් රාමුවෙහි ඒකක සසම්භාවී පිළිවෙළකට පවතී නම් කුමත් නියුතුමෙහි යථාතර්ථතාව සරල සසම්භාවී නියුතුමක යථාතර්ථතාවට සමාන වේ යයි අපර අපේක්ෂා කළ නැතිය.

B - කුමවත් නියදීම තරම n වන පොකුරු k සංඛ්‍යාවකින් එක් පොකුරක් සසම්භාවී ලෙස තෝරා ගැනීමෙන් සමන්විත පොකුරු නියදීමක් ලෙස සැලකිය හැකි ය.

C - කුම්වත් නියදීමේ දී $\frac{N}{n}$ එ නියදුම් හායය යැයි කියනු ලැබේ.

- ଦୁଇତ ପ୍ରକାଶିତିରେ ଜାତିର ଲମ୍ବନେ,

 - (1) A ଅମଣି.
 - (2) A ଓ B ଅମଣି.
 - (3) A ଓ C ଅମଣି.
 - (4) B ଓ C ଅମଣି.
 - (5) A, B ଓ C କ୍ଷିଯାଇଲେ ଥି ଯ.

27. තියැදීම සම්බන්ධයෙන් පහත උක්වෙන කම්ත පකාශය සතු වේ නේ?

- (1) නියදුම් හායය විශාල නම් පරිමිත සංගහන ගේධනය නොසලකා හැරිය හැකි ය.
 - (2) පොකුරු අතර විවෘතනය වැඩි නම් පොකුරු නියදුම් වබාත් කාර්යක්ෂම වේ.
 - (3) කොටස් නියදුම් සම්බාධිතා නොවන ස්තරත නියදුම්ක් ලෙස සැලකිය හැකි ය.
 - (4) නියදුම් රාමුවක් නොප්‍රතිනි විට පොකුරු නියදුම් ගොදා ගනු නොලැබේ.
 - (5) සංගහනයේ සැම ඒකකයකටම දත්තා සම්බාධිතාවක් දෙමින් නියදුයක් තෝරා ගැනීම් නියදුම් යයි කියනු ලැබේ.

28. ප්‍රතිස්ථාපනය රහිත සරල සසම්බාධී නියදීමේ දී සංගහනයේ කිසියම් විශේෂිත ඒකකයක් නියදීයට ඇතුළත් විමේ සම්බාධිතාව ලබා දෙන්නේ පහත තුමක් මගින් ද?

- $$(1) \quad \frac{1}{N} \qquad (2) \quad \frac{n}{N} \qquad (3) \quad \frac{n-1}{N} \qquad (4) \quad \frac{1}{NC_n} \qquad (5) \quad \frac{1}{N^n}$$

- 29.** மெய் கீமா பூமேயைத் திட்டங்களுக்கு விடையளிப்பதற்காக p கி நியெட்டுமில் வருப்பதை,

- (1) විශාල නියැදී සඳහා ප්‍රමත් වේ.
 - (2) සංගහන සමානුපාතය $\pi = 0.5$ නම් ප්‍රමත් වේ.
 - (3) සංගහන තරම විශාල නම් ආසන්න වශයෙන් ප්‍රමත් වේ.
 - (4) නියැදී කරම විශාල නම් ආසන්න වශයෙන් ප්‍රමත් වේ.
 - (5) සංගහනය අපරාමිත නම් පමණක් ආසන්න වශයෙන් ප්‍රමත් වේ

30. පහත දැක්වෙන කුමන ප්‍රකාශය සත්‍ය වේ ද?

- (1) නිමිත්‍යක නිරවද්‍යතාව මතිනු ලබන්නේ එහි සම්මත දේශය මගිනි.
- (2) $\bar{X} - \mu$ යනු නියැදි අවයවයන්ගේ ශ්‍රීතයක් වන නිසා එය නිතරම සංඛ්‍යාතියක් වේ.
- (3) එකම නියැදි තරම සඳහා පරිමිත සංගහනයකින් ලබා ගන්නා නියැදියක මධ්‍යන්යයේ සම්මත දේශය අපරිමිත සංගහනයකින් ලබා ගන්නා නියැදියක මධ්‍යන්යයේ සම්මත දේශයට වඩා වැඩි වේ.
- (4) කයි-වර්ග ව්‍යාප්තිය වමට කුරික වී තිබේ.
- (5) T - ව්‍යාප්තියෙහි ස්වරුපය රඳා පවතින්නේ නියැදි තරම මත පමණි.

31. $N(\mu, 100)$ සංගහනයෙන් ලබා ගන්නා සසම්හාවී නියැදියක මධ්‍යන්යය \bar{X} මගින් සංගහන මධ්‍යන්යය μ හි අය නිමානය කිරීමට අවශ්‍ය වේ. $\mu \pm 5$ පරාසය ඇතුළත සංගහන මධ්‍යන්යය පිහිටීමේ සම්හාවිතාව 0.954 වන පරිදි අවශ්‍ය නියැදි තරම n කුමක් ද?

- (1) 4
- (2) 11
- (3) 15
- (4) 16
- (5) 80

32. මධ්‍යන්යය μ සහ විවලතාව $s^2 = 25$ වන ප්‍රමත් සංගහනයකින් ලබාගත් තරම 16 වන සසම්හාවී නියැදියක නියැදි මධ්‍යන්යය $\bar{X} = 75$ සහ නියැදි විවලතාව $s^2 = 16$ විය. μ සඳහා 95% භෞදුම විශුම්හ ප්‍රාන්තරය වන්නේ,

- (1) (73.04, 76.96)
- (2) (72.55, 77.45)
- (3) (72.33, 77.67)
- (4) (72.87, 77.13)
- (5) (71.94, 78.06)

33. විශුම්හ ප්‍රාන්තර පිළිබඳ ව පහත දැක්වෙන ප්‍රකාශ සලකන්න.

A - නියැදි තරම කුඩා නම් ප්‍රමත් ව්‍යාප්තියක මධ්‍යන්යය μ සඳහා t -ව්‍යාප්තිය පදනම් කරගන්නා විශුම්හ ප්‍රාන්තරය t -ව්‍යාප්තිය පදනම් කරගන්නා විශුම්හ ප්‍රාන්තරයට වඩා පළු වේ.

B - දෙන ලද විශුම්හ මට්ටමක් සඳහා විශුම්හ ප්‍රාන්තරයක පළල අඩු කර ගත හැකි එක් ක්‍රමයක් වන්නේ නියැදි තරම විශාල කිරීමයි.

C - සංගහන මධ්‍යන්යය μ සඳහා 95% විශුම්හ ප්‍රාන්තරයකින් නියැවෙන්නේ μ නම් විව්‍යාය ප්‍රාන්තරය තුළ පිහිටීමේ සම්හාවිතාව 0.95 වන බවයි.

ඉහත ප්‍රකාශවලින් සත්‍ය වන්නේ,

- (1) A පමණි.
- (2) B පමණි.
- (3) A හා B පමණි.
- (4) B හා C පමණි.
- (5) A, B හා C සියල්ල ම ය.

34. පහත දැක්වෙන කුමන ප්‍රකාශය අස්ථිය වේ ද?

- (1) නොදැන්නා විවලතාව සහිත ප්‍රමත් සංගහනයක මධ්‍යන්යය μ නම් $H_0: \mu = 100$ යනු සංුක්ත කළේපිතයයි.
- (2) කළේපිත පරික්ෂාවක p - අයය විශාල නම් අප්‍රතිශ්‍යෙය කළේපිතය වඩාන් විශ්වසනිය වේ.
- (3) අප්‍රතිශ්‍යෙය කළේපිතය සත්‍ය වේ යැයි යන උපක්ල්පනය යටතේ පරික්ෂා සංඛ්‍යාතියක අයය ගණනය කරනු ලැබේ.
- (4) H_1 කළේපිතය සත්‍ය වන විට H_1 කළේපිතය පිළිගැනීමේ සම්හාවිතාවට පරික්ෂාවේ බලය යැයි කියනු ලැබේ.
- (5) වෙශේසියා මට්ටම අඩු කිරීමෙන් වඩාන් භෞදු කළේපිත පරික්ෂාවක් කළ හැකි ය.

35. $N(\mu_1, 90)$ ව්‍යාප්තියෙන් ලබාගත් තරම 45 වන සසම්හාවී නියැදියක මධ්‍යන්යය 920 ක් ද $N(\mu_2, 100)$ ව්‍යාප්තියෙන් ලබාගත් තරම 50 වන සසම්හාවී නියැදියක මධ්‍යන්යය 925 ක් ද විය. $H_0: \mu_1 = \mu_2$ කළේපිතය $H_1: \mu_1 < \mu_2$ කළේපිතය ව එරෙහිව 5% වෙශේසියා මට්ටමකින් පරික්ෂා කිරීමේ ද නිගමනය වන්නේ,

- (1) p - අය $= 0.0062 < 0.05$ නිසා H_0 ප්‍රතික්ෂේප කළ යුතු ය.
- (2) p - අය $= 0.0062 < 0.05$ බැවින් H_0 ප්‍රතික්ෂේප නොකළ යුතු ය.
- (3) p - අය $= 0.0124 < 0.05$ බැවින් H_0 ප්‍රතික්ෂේප කළ යුතු ය.
- (4) p - අය $= 0.0124 < 0.05$ බැවින් H_0 ප්‍රතික්ෂේප නොකළ යුතු ය.
- (5) p - අය $= 0.0124 < 1.64$ බැවින් H_0 කළේපිතය ප්‍රතික්ෂේප කළ යුතු ය.

36. $N(\mu, 120)$ සංගහනයෙන් තරම 30 වන නියැදියක් ලබාගෙන $H_0: \mu = 62$ කළේපිතය $H_1: \mu = 63$ ට එරෙහිව පරික්ෂා කිරීම සඳහා අවධි පෙදෙස $\bar{X} > 64$ මගින් දෙනු ලැබේ. මෙම කළේපිත පරික්ෂාවේ 1 වන ප්‍රතිශ්‍යා දේශය සිදු වීමේ සම්හාවිතාව වන්නේ,

- (1) 0.1587 ය.
- (2) 0.1915 ය.
- (3) 0.3085 ය.
- (4) 0.3413 ය.
- (5) 0.6587 ය.

- 43.** 15, 24, 21, 33, 42 අගයන්ගේ මාත්‍රාව 3 වන වල මධ්‍යකය දෙනු ලබන්නේ,
 (1) 20, 22, 30 මගිනි. (2) 20, 26, 32 මගිනි. (3) 20, 23, 32 මගිනි.
 (4) 20, 24, 33 මගිනි. (5) 20, 25, 34 මගිනි.
- 44.** නිමවුම් ඒකකයක දෝෂ සංඛ්‍යාව පාලනය කිරීම සඳහා ගොඩනගනු ලබන සංඛ්‍යානමය සටහන වන්නේ,
 (1) nP - සටහන ය. (2) P - සටහන ය. (3) C - සටහන ය. (4) \bar{X} - සටහන ය. (5) R - සටහන ය.
- 45.** එක එකක් තරම 100 වන නියැදි 10 ක සාමාන්‍ය දෝෂ සංඛ්‍යාව $\bar{P} = 0.20$ ලෙස ලැබුණි. P - සටහනෙහි පහළ පාලන සීමාව (L.C.L) සහ ඉහළ පාලන සීමාව (U.C.L) වන්නේ පිළිවෙළින්,
 (1) (0.16, 0.24) ය. (2) (0.18, 0.28) ය. (3) (0.20, 0.32) ය.
 (4) (0.08, 0.32) ය. (5) (0.08, 0.20) ය.
- 46.** පහත දැක්වෙන ප්‍රකාශ සලකන්න.
 A - නොදු තොගයක් ප්‍රතික්ෂේප වීමට නිෂ්පාදකයාගේ අවදානම යයි කියනු ලැබේ.
 B - නියැදියක, පිළිගැනුම් නියැදිමේ දී ඉතු හරිනු ලබන උපරිම දෝෂ සංඛ්‍යාවට පිළිගැනුම් සංඛ්‍යාව යයි කියනු ලැබේ.
 C - නරක තොගයක ගුණන්ව මට්ටමට පිළිගත හැකි ගුණ මට්ටම යයි කියනු ලැබේ.
 ඉහත ප්‍රකාශවලින් සත්‍ය වන්නේ,
 (1) A පමණි. (2) B පමණි.
 (3) A හා B පමණි. (4) A හා C පමණි.
 (5) A, B හා C සියල්ල ම ය.
- 47.** $N = 1200, n = 100$ සහ $C = 1$ වන පිළිගැනුම් නියැදි සැලැස්මක් සඳහා සංඛ්‍යාව භාගය 4% සහිත තොගයක් පිළිගැනීමේ සම්භාවනාව කොපමණ ද?
 (1) 0.0183 (2) 0.0733 (3) 0.0916 (4) 0.9084 (5) 0.9817
- 48.** සේවකයකු විසින් 2005 වසරේ දී මසකට රු. 30 000ක් උපයන ලදී. 2005 සමග සසඳන විට 2010 වසරේ දී ජීවන වියදම් දරුණු දෝෂය 25% කින් වැඩි විය. සේවකයාගේ ජීවන තත්ත්වය 2005 ට සමාන මට්ටමේ පවත්වා ගෙන යැම සඳහා 2010 වසරේ දී මිහුණේ වැටුප කොපමණ විය යුතු ද?
 (1) රු. 32 000 (2) රු. 35 000 (3) රු. 37 500 (4) රු. 75 000 (5) රු. 120 000
- 49.** 2003 - 2010 වර්ෂ සඳහා මිල දරුණක අංක පහත වගුවෙන් දෙනු ලැබේ. (පදනම් වර්ෂය = 1998)
- | 2003 | 2004 | 2005 | 2006 | 2007 | 2008 | 2009 | 2010 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 140 | 200 | 210 | 230 | 250 | 260 | 280 | 300 |
- පදනම් වර්ෂය 1998 සිට 2007 ට විතුන් කළහොත් 2004 සහ 2010 සඳහා අප්‍රත් දරුණක අංක පිළිවෙළින් දැක්වෙන නිවැරදි පිළිතුර තෝරන්න.
 (1) 70, 110 (2) 80, 120 (3) 85, 125 (4) 90, 130 (5) 125, 83
- 50.** මිල ගණන් වැඩි වෙමින් පවතින තත්ත්වයක දී මිල වැඩි විම අධිතක්සේරුවක් වීමට ප්‍රවණතාවක් ඇති දරුණු වන්නේ,
 (1) ලැස්පියර්ගේ දරුණකයයි. (2) පානේගේ දරුණකයයි.
 (3) මාර්ෂල් එංච්රත් මිල දරුණකයයි. (4) ගිහර්ගේ මිල දරුණකයයි.
 (5) සරල සමානාර මිල දරුණකයයි.

* * *

கல திரட்டை/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

අධ්‍යාපන පොදු සහතික රඟ (ලැයි පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළවිප් පොතුත් තරාතුරුප පත්තිර (ශ්‍යර් තුරු)ප පරිශ්‍යී, 2019 ඉකළුරු General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

வண்ணம் கணிதம்	II
வணிகப் புள்ளிவிவரவியல்	II
Business Statistics	II

31 S II

2019.08.17 / 0830 - 1140

ஏது ஒரு மூன்று மணித்தியாலும்
Three hours

අමතර හියවුම් භාෂය	- මෙහෙයු 10 දි
මොලතික බාසිප්පු තේරම්	- 10 නිමිටඹන්කள්
Additional Reading Time	- 10 minutes

අමතර ශික්ෂණ කාලය පුළු පැවතීම සියලා පුළු තේරු ගෙවීමට වහු පිළිබඳ මූල්‍ය ප්‍රමුණයෙහි දදා පුළු නොවා යුතු කළ යුතුවේ.

କବିତା

- * එකටසකින් ප්‍රශ්න දෙක බැඳීන්වත් තොරුගෙන ප්‍රශ්න පහකට පිළිතුරු සපයන්න.
 - * සංඛ්‍යාන වගු හා ප්‍රස්ථාර කඩවලායි සපයනු ඇතුළු, ගණක යන්ත්‍ර හා වේත්‍යයට ඉඩ දෙනු නොලැබේ.

I කොටස

ආදායම (රු. දශක)	පුද්ගලයන් ඩාවභාව (දෙසට්ලින්)	
	A කණ්ඩායම	B කණ්ඩායම
10	14	08
30	05	07
40	01	06
44	03	02
76	02	02

- (i) ආදායම සඳහා, A කණ්ඩායමේ පුද්ගලයන් සංඛ්‍යාව සඳහා, සහ B කණ්ඩායමේ පුද්ගලයන් සංඛ්‍යාව සඳහා සම්මුළුවින් ප්‍රතිශක්ත ගණනය කරන්න.

- (ii) එකම ප්‍රස්තාරයක ලෝරන්ස් විසු දෙක ඇද, කණ්ඩායම දෙකෙහි ආදායම් ව්‍යාප්තිය පිළිබඳව අදහස් දක්වන්න.

(ക്രെഡിറ്റ് 078.)

2. (අ) ව්‍යාප්තියක කුරිකතාව සහ ව්‍යුහය යනුවෙන් අදහස් කරන්නේ කුමක් දැයි විස්තර කරන්න. සේවකයින් 100 දෙනාකුගේ පැයක වැඩිහිටි අනුපාතික පහත ව්‍යාප්තිය මගින් දක්වේ.

වැටුරු අනුයාක්ෂිය	10-19	20-29	30-39	40-49	50-59	60-69
යේවත දාච්‍යාව	08	12	20	35	20	05

ප්‍රතිගතක මත පදනම් වන කෙලීගේ කුටිකතා සංදුරාකය ගණනය කර ව්‍යාප්තියේ කුටිකතාව පිහිටුව දැනගැනීමෙන් නොවන්න.

(කොන් 06 දි)

- (ආ) එකතු ආයතනයක සේවකයින්ගේ සහ සේවකාවන්ගේ වැටුප්පල විවෘත සංග්‍රහක පිළිවෙළින් 55% සහ 60% වන අතර සම්මත අපගමන පිළිවෙළින් 22 සහ 15 ටේ. සේවක සේවකාවන්ගේන් 80% ක් පරිම තම්, මෙහි පියලු ම සේවක සේවකාවන්ගේ සම්ස්ත සාමාන්‍ය වැටුප ගණනය කරන්න. (ලකුණු 04ය.)

(ඉ) කිසියම් පන්තියක පිළුයින්ගේ උස පහත සඳහන් සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තිය මගින් දැක්වේ.

ලය (අගුල්)	58-60	61-63	64-66	67-69	70-72	73-75
මිශ්‍යමයින් ගෙවානු	10	20	30	20	15	05

මධ්‍යස්ථානය, මධ්‍යස්ථානය, මාතෘය, සම්මත අපගමනය සහ කාල් පියරසන්ගේ කුටිකතා සංග්‍රහකය ගණනය කර ව්‍යාප්තිය පිළිබඳ ඇඟැස් තෙව්ත්ත්.

(තෙකු 10 අ)

3. (අ) දරුකා සංඛ්‍යාවක් යනු ක්‍රමක් ඇ?

පදනම් වර්ෂයේ භාණ්ඩ පැසක මුළු වියදම සහ දෙන ලද වර්ෂයේ භාණ්ඩ පැසක මුළු වියදම ආගුයෙන් ලැස්පිරයේ මිල උරුකය සහ පාශේගේ මිල උරුකය පැහැදිලි කරන්න.

(කොන් 03ය.)

- (ආ) පහත දී ඇති වගුව සලකන්න.

	පදනම් වර්ගය		වර්තන වර්ගය	
අභිජනය	මිල	මුළු වට්හාකම	මිල	මුළු වට්හාකම
A	6	300	10	560
B	4	240	06	360
C	2	200	02	240
D	8	320	12	960
E	10	300	12	288

වගුවේ දී ඇති උත්ත හාටිත කර

- (i) ලැයිපියරගේ මිල දරුකය
 - (ii) පාණ්ඩේ මිල දරුකය
 - (iii) සිජුරදේ මිල දරුකය
 - (iv) මාරුපල්-එහ්ට්වරත් මිල දරුකය

ගණනා කරනු ලැබේ.

මාරුපල්-ඒක්වරත් මිල දේශකය, කාල ප්‍රතිචරණ පරීක්ෂාව සහ සාධක ප්‍රතිචරණ පරීක්ෂාව තාපේත කරන්නේ ද? පිළිතුරට ජේත දක්වන්න.

(క్రమ 07)

- (၉) ကာလ ဖြေစီးပွဲ ရန် ဘူမ်း ငါ?

ව්‍යාපාර ක්ෂේත්‍රය තුළ කාල ශේෂ වියැලෙනුයෙයි පෙනෙන්න තත්ත් විස්තර කරන්න.

කාල ශේෂින් විස්තරේනෙයේ දී වක්‍රිය විවෘතය සහ ආර්ථික විවෘතය යනුවෙන් අදහස් කරන්නේ කුමක් දැයි විස්තර කරන්න.

(ପୃଷ୍ଠା ୦୫୮)

- (ర) ఆశ్రమి అలెవియ జడులు అభ్యితమ లిర్పగ క్రమయ తెగిన అన్నచీఫ్స్ మొదట కురన ల్డ లపనతి జాతికరణయ పథత ద్వారా వేలి.

$$Y = 840 + 72X$$

ଓক্টোবর 2005,

କାଳ ଲେଖକ୍ୟ = ଲେଖକ୍ୟ 1ଦି.

Y = වසරකට විකුණුම් ඒකක ගණන

- (i) මෙම උපනති සම්කරණය මාසික උපනති සම්කරණයක් බවට හරවන්න.
(ii) 2011 වසරේහි ඔක්තෝබර් මාසය සඳහා අංශීය තිබූනය කරන්න.

(කොනු 05ය.)

4. (ආ) සියියම් සමාගමක අලෙවි දෙපාර්තමේන්තුව එහි අලෙවි සේවකයින්ට ප්‍රසුණුවක් ලබා දෙන අතර තුන් පසුව පරීක්ෂණයක් පවත්වයි. අලෙවි සේවකයින්ගේ පරීක්ෂණ ලකුණු සහ ප්‍රසුණුවෙන් පසු යුත් විසින් කරන ලද විකුණුම් පහත විශාලී දැක්වේ.

පරීක්ෂණ ලකුණු (X)	19	24	14	22	26	21	19	20	15	20
අලෙවිය (රු. දහස්) (Y)	36	48	31	45	50	37	39	41	33	40

$$\sum X = 200, \sum Y = 400, \sum X^2 = 4120, \sum Y^2 = 16346, \sum XY = 8193$$

- (i) පරීක්ෂණ ලකුණු සහ අලෙවිය අතර සහසම්බන්ධතා සංශ්‍යාකය ගණනය කර ඒවා අතර සම්බන්ධතාවක් පවතී දැයි ප්‍රකාශ කරන්න.
- (ii) අඩුතම වර්ග ක්‍රමය හාවිතයෙන් X මත Y හි ප්‍රතිපායන රේඛාව අනුසිෂ්ටුමය කරන්න.
- (iii) නිර්ණන සංශ්‍යාකය ගණනය කර ඔබගේ ප්‍රතිථිලය පිළිබඳ අදහස් දක්වන්න.
- (iv) පරීක්ෂණ ලකුණු සහ අලෙවිය පදනම් කරගෙන සම්හර සේවකයින්ගේ සේවය නතර කිරීමට දෙපාර්තමේන්තුව සලකා බලමින් සිටී. එක් එක් සේවකයාගෙන් රු. 30 000ක අවම අලෙවියක් දෙපාර්තමේන්තුව බලාපොරොත්තු වේ නම් අලෙවි සේවකයාගේ සේවය නතර කිරීම සලකා බැඳීම සඳහා නිලධ යුතු අවම පරීක්ෂණ ලකුණු කුමක් ද? (ලකුණු 10ය.)
- (ආ) පහත දැක්වෙන එක් එක් යුගලයෙහි පද අතර වෙනස පැහැදිලි කරන්න.
- (i) සම්භාවනා විවෘතය සහ පැවරිය හැකි විවෘතය
- (ii) ත්‍රියාවලි පාලනය සහ නිෂ්පාදිත පාලනය (ලකුණු 04ය.)
- (ඇ) C - සටහන සහ U - සටහන අතර ඇති වෙනස පැහැදිලි කරන්න.
- නිමවන ලද වූල් කාපරටිස් දහයක පැවති දේශ සංඛ්‍යාව පහත විශාලී දැක්වේ.

කාපරටි අංකය	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
දෝෂ දංච්ඡව	2	3	6	5	3	3	6	4	5	3

මෙම දත්ත සඳහා යුදුස් පාලන සටහනක් ගොඩනගා, පරීක්ෂා කෙරෙමින් පවතින ගුණත්ව ලාංඡල්නීකය පාලනය යටතේ පවතී ද යන්න දක්වන්න.

(ලකුණු 06ය.)

II කොටස

5. (ආ) එක එකක සිලා දෙක බැඳීන් දක්වමින් සම්භාවනාවේ ආවේණික කළේක ප්‍රවේශය සහ සම්භාවනාවේ සාලේක්ෂ සංඛ්‍යාව ප්‍රවේශය විස්තර කරන්න. (ලකුණු 04ය.)
- (ආ) $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(A \cup B) = \frac{3}{4}$ සහ $P(B') = \frac{5}{8}$ නම
- (i) $P(A' \cap B')$, $P(A' \cup B')$ සහ $P(B \cap A')$ සෞයන්න.
- (ii) A සහ B සිද්ධී ස්වායන්ත දැයි ප්‍රකාශ කරන්න. (ලකුණු 04ය.)
- (ඇ) නිෂ්පාදන කර්මාන්ත ගාලුවක එක් අංශයක නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවන් 5 දෙනකු සහ නඩත්තු ඉංජිනේරුවන් 3 දෙනකු සිටින අතර අනෙක් අංශයෙහි නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවේ 4 දෙනක් සහ නඩත්තු ඉංජිනේරුවේ 5 දෙනක් සිටිනි. මෙම ඕනෑම අංශයෙහින් ඉංජිනේරුවන් දෙදෙනකුගේ තනි තේරීමක් කරන ලදී. ඔවුන්ගෙන් එක් පුද්ගලයකු නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවකු සහ අනෙක් පුද්ගලයා නඩත්තු ඉංජිනේරුවකු විමේ සම්භාවනාව සෞයන්න.

(ලකුණු 04ය.)

- (ඇ) මුළු සම්භාවනා නීතිය සහ බෙයස් ප්‍රමේයය ප්‍රකාශ කරන්න.
- වෛද්‍යවරයකු X නම් රෝගය නීවැරදිව හඳුනා ගැනීමේ සම්භාවනාව 0.8 වේ. මහු නීවැරදිව රෝගය හඳුනා ගැනීමෙන් පසුව ඔහුගේ ප්‍රතිකාරයෙන් X රෝගය සහිත රෝගියකු මිය යැමේ සම්භාවනාව 0.3 වේ. මහු රෝගය නීවැරදිව හඳුනා නොගැනීම නිසා X රෝගය සහිත රෝගියා මිය යැමේ සම්භාවනාව 0.7 වේ. X රෝගය තිබුණු රෝගියකු මිය හියේ නම්, වෛද්‍යවරයා නීවැරදිව X රෝගය හඳුනා ගෙන නීතීමේ සම්භාවනාව සෞයන්න.

(ලකුණු 08ය.)

- (අ) ද්වීපද ව්‍යාප්තියෙහි සම්භාවිතා ලිඛිත ප්‍රකාශ කරන්න. මෙම ලිඛිත ව්‍යුත්පන්න නිරීම සඳහා සසම්භාවී පරික්ෂණයක් මගින් තාප්ත කළ යුතු කොන්දේසි මොනවා ඇ? කිසියම් යන්ත්‍රයකින් නිෂ්පාදනය කරනු ලබන ඇණවලින් 20% ක් සාමාන්‍යයෙන් දැඩ්ඟ සහිත වේ. කිසියම් ඇණ කාණ්ඩයකින් තෝරා ගන්නා ඇණ 10 ක් සසම්භාවී නියැදියක දැඩ්ඟ සහිත ඇණ නොතිබේ නම් එම කාණ්ඩය පිළිගන්නා අතර නියැදියේ දැඩ්ඟ සහිත ඇණ 3ක් හෝ රට වඩා වැඩි සංඛ්‍යාවක් නිවේ නම් එම කාණ්ඩය ප්‍රතික්ෂේප කරනු ලැබේ. අනෙක් අඩංගුවල දෙවන නියැදියක් ගනු ලැබේ. දෙවන නියැදියක් ගැනීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න. (ලකුණු 06යි.)

(ආ) පොයිසේන් ව්‍යාප්තිය නිර්වචනය කර මෙම ව්‍යාප්තියේ භාවිතය සඳහා නිදසුන් තුනක් දක්වන්න. දිග මිනින්තු T වන මිනුම කාල ප්‍රාන්තරයක දුරකථන පුවරුවකට ලැබෙන දුරකථන ඇමතුම සංඛ්‍යාව සඳහා මධ්‍යන්‍යය $\frac{1}{2}T$ වන පොයිසේන් ව්‍යාප්තියක් ඇත. දුරකථන ක්‍රියාකරු මිනින්තු රැකට එම දුරකථන පුවරුව ඇති ස්ථානයෙන් පිටව යයි.

 - ක්‍රියාකරු එම ස්ථානයේ නොමැති කාලය තුළ එක ඇමතුමක්වත් නොලැබූමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
 - ක්‍රියාකරු එම ස්ථානයේ නොමැති කාලය තුළ ඇමතුම් තුනක් හෝ වැඩි සංඛ්‍යාවක් ලැබූමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
 - කිසිම ඇමතුමක් නොලැබූමේ සම්භාවිතාව 90% සහිතව ක්‍රියාකරුව නොපැමිණ සිටිය හැකි කාලයේ උපරිම දිග ආසන්න තත්පරයට සොයන්න.

(ලකුණු $e = 0.4343$, ලකුණු $(0.90) = -0.0458$) (ලකුණු 06යි.)

(ඉ) සංඛ්‍යාන ක්ෂේත්‍රයේ දී ප්‍රමත ව්‍යාප්තියෙහි ප්‍රයෝගන තුනක් පැහැදිලි කරන්න.

කිසියම් බල්බ වර්ගයක ආයු කාලය සඳහා මධ්‍යන්‍ය ආයු කාලය පැය 500 සහ සම්මත අපගමනය පැය 45 සහිත ප්‍රමත ව්‍යාප්තියක් ඇත.

 - අඩු වශයෙන් පැය 570 ක ආයු කාලයක් සහිත බල්බ ප්‍රතිගතය
 - පැය 485 සහ පැය 515 අතර ආයු කාලයක් සහිත බල්බ ප්‍රතිගතය
 - හොඳම බල්බ 5% හි අවම ආයු කාලය සොයන්න.

(ලකුණු 08යි.)

7. (අ) එක් එක් නියැදි ක්‍රමයෙහි වාසි දෙකක් සහ අවාසි දෙකක් දක්වමින් පහත දැක්වෙන නියැදි ක්‍රම විස්තර කරන්න.

 - ස්ථාන සසම්භාවී නියැදීම
 - පොකුරු නියැදීම
 - කොටස නියැදීම
 - කුමවත් නියැදීම

(ලකුණු 08යි.)

(ආ) පහත දැක්වෙන සංගහන ව්‍යුහයන් ක්‍රමවත් නියැදි ක්‍රමයෙහි අප්‍රේක්ෂිත යථාත්ථ්‍යතාව කෙරෙහි බලපාන්නේ කෙසේ දැයි විස්තර කරන්න.

 - සසම්භාවී පිළිවෙළට ඒකක සහිත සංගහන
 - රේඛිය උපනතියක් සහිත සංගහන
 - වත්ස්‍ය විවෘත සහිත සංගහන

(ලකුණු 06යි.)

(ඉ) (i) මධ්‍ය සීමා ප්‍රමේයය දක්වන්න.
මධ්‍ය සීමා ප්‍රමේයය සංඛ්‍යානයෙහි වැදගත්ම ප්‍රමේයය ලෙස සලකනු ලබන්නේ ක්‍රමක් නියා දැයි පැහැදිලි කරන්න.

(ii) මධ්‍යන්‍ය $\lambda = 2$ සහිත පොයිසේන් ව්‍යාප්තියකින් තරම 50 වන සසම්භාවී නියැදියක් ගනු ලැබේ. නියැදි මධ්‍යන්‍යය 2.5 ඉක්මවීමේ සම්භාවිතාව ආසන්න වශයෙන් සොයන්න. (ලකුණු 06යි.)

8. (අ) ලක්ෂණය නිමානයක අනුහිත බව සහ කාර්යක්ෂම බව යනුවෙන් අදහස් කරන්නේ කුමක් දැයි පැහැදිලි කරන්න.

$\{X_1, X_2, X_3\}$ යනු මධ්‍යන්ය μ සහ විවෘතාව σ^2 සහිත සංගහනයකින් ලබාගන්නා සසම්පූර්ණ නියැදියක් නම් , $\hat{\theta}_1 = \frac{X_1 + X_2 + X_3}{3}$ හා

$$\hat{\theta}_2 = \frac{X_1 + 2X_2 + X_3}{4} \text{ යන නිමානක දෙකම } \mu \text{ සඳහා අනුහිත නිමානක බව පෙන්වන්න.}$$

මෙම නිමානකවලින් වඩාත් ම කාර්යක්ෂම නිමානකය කුමක් ද?

(ලකුණු 06ය.)

- (ආ) වර්ග දෙකක විදුලී බල්ල නියැදි ඒවායේ ආයු කාලය හොවීම සඳහා පරීක්ෂාවට හාර්තය කරන ලද අතර පහත දැක්වෙන අගයන් නිරීක්ෂණය කරන ලදී.

බල්ල වර්ගය	යොදාගත් බල්ල යෝජනය	නියැදි මධ්‍යන්ය (යො)	යොමු අභ්‍යන්තරය
A	50	2015	80
B	70	2045	60

(i) A සහ B අතර මධ්‍යන්ය ආයු කාලයේ වෙනස සඳහා 95% විශ්‍රුති ප්‍රාන්තරයක් ගෞන්තු කිරීමෙන් තුළ.

(ii) විශ්‍රුති ප්‍රාන්තරය භාවිත කර A සහ B බල්ලවල මධ්‍යන්ය ආයු කාලය සමානය යන කළුපිතය පරීක්ෂා කරන්න.

(ලකුණු 06ය.)

- (ඉ) P, Q සහ R නගර කුනක කිසියම් භාණ්ඩයක මිල ගණන් වගුවේ දී ඇත.

නගරය		
P	Q	R
14	10	2
6	8	8
8	8	6
12	4	4

$$\sum x_{ij}^2 = 804$$

නගර කුනක භාණ්ඩයේ සාමාන්‍ය මිල ගණන් වෙශ්‍යාච්‍යාකව වෙනස් වන්නේ දැයි 5% මට්ටමකින් පරීක්ෂා කරන්න.

(ලකුණු 08ය.)

* * *

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பர්ட්‍යාසத் தினைக்களம்

අ.පො.ස. (උ.පොල) විභාගය/க.පො.த. (உயர் தர)ப் பර්ட්‍යාස- 2019

නව නිර්දේශය/ புதிய பாடத்திட்டம்

විෂයය අංකය
පාඨ ප්‍රාග්‍රහණය

31

විෂයය
පාඨம்

ව්‍යාපාர சுංචனை

ලකුණු දීමේ தறிபාரிய/புள்ளி வழங்கும் திட்டம்

I பகுதி/பத்திரம் I

ப්‍රශ්න அங்கை வினா இல.	பිළිබුරු அங்கை விடை இல.	ප්‍රශ්න அங்கை வினா இல.	පිළිබුරු அங்கை விடை இல.	ප්‍රශ්න அங்கை வினா இல.	පිළිබුරු அங்கை விடை இல.	ප්‍රශ්න அங்கை வினா இல.	පිළිබුරු அங்கை விடை இல.	ප්‍රශ්න அங்கை வினா இல.	පිළිබුරු அங்கை விடை இல.
01. 4	11.	2	21.	4	31.	4	41.	4	
02. 3	12.	2	22.	5	32.	2	42.	3	
03. 4	13.	3	23.	4	33.	3	43.	2	
04. 5	14.	2	24.	4	34.	5	44.	3	
05. 5	15.	2	25.	3	35.	1	45.	4	
06. 2	16.	1	26.	2	36.	1	46.	3	
07. 3	17.	4	27.	3	37.	1	47.	3	
08. 2	18.	1	28.	2	38.	1	48.	3	
09. 1 மேல் 3	19.	5	29.	4	39.	4	49.	2	
10. 4	20.	2	30.	5	40.	3	50.	1	

ச්‍රීලංකා උපදෙස්/விசෝත අර්ථවූத්තல් :

ஒவ்வொரு காலை/ஒரு சரியான விடைக்கு 02 லகුண்டுக்கிள்/புள்ளி வீதம்
 முறை லகුண்/மொத்தப் புள்ளிகள் $2 \times 50 = 100$

(ii) නාහිගත කණ්ඩායම් සම්මුඛ සාකච්ඡා ක්‍රමය

දත්ත රස් කර ගත යුතු ක්ෂේත්‍රය පිළිබඳ දැනුම සහ අත්දැකීම් සහිත කුඩා පුද්ගල කණ්ඩායමක් සමග සාකච්ඡා කරමින් දත්ත ලබා ගැනීමේ ක්‍රමය නාහිගත කණ්ඩායම් සාකච්ඡා ක්‍රමයයි.

මෙහිදි විමර්ශකයා විසින් අදාළ කණ්ඩායමේ සාමාජිකයන්ට රස් කර ගත යුතු දත්ත පිළිබඳ උපදෙස් ලබා දෙනු ලැබේ.

වාසි

- කරුණු වඩාත් ගැනුම් අධ්‍යනය කිරීම සඳහා යොදා ගත හැකි වීම.
- ආකල්ප, විශ්වාස, අත්දැකීම් වැනි ගුණාත්මක දත්ත ලබා ගැනීමට වඩාත් සූදුසු ක්‍රමයක් වීම.
- අනෙකුත් ක්‍රමවලට සාපේක්ෂව පිරිවැය අඩුවීම
- සාකච්ඡා කිරීමේදී අදහස් තුවමාරු වන බැවින් ප්‍රතිචාර අනුපාතය ඉහළ මට්ටමක පැවතීම.
- දත්තවල විශ්වාසනීයන්වය වැඩි වීම.
- අවශ්‍ය ප්‍රමාණාත්මක දත්ත ලබා ගැනීමෙන් පසු අමතර විස්තරාත්මක දත්ත ලබා ගැනීමේ ක්‍රමයක් ලෙස හාවිත කළ හැකි වීම.
- පුද්ගල සම්මුඛ සාකච්ඡා ක්‍රමය හා සැසදීමේදී නාහිගත කණ්ඩායම් සාකච්ඡා ක්‍රමයේදී එක්වර වැඩි පිරිසක් සමග සාකච්ඡා කළ හැකි බැවින් නියැදි තරම විශාල කර ගත හැකි වීම.

අවාසි

- යම් අරමුණකට අදාළව විවිධ අදහස් ප්‍රතිචාර ලෙස ලැබේම
- ඒ නිසාම දත්ත විශ්ලේෂණය අපහසුවීම
- නිගමනවලට එළඟීම ප්‍රමාද විය හැකි වීම

(iii) විද්‍යුත් දත්ත රස් කිරීමේ ක්‍රමය

නව විද්‍යුත් තාක්ෂණික ක්‍රම මෙවලම් වශයෙන් යොදා ගෙන දත්ත රස්කිරීම විද්‍යුත් දත්ත රස් කිරීමේ ක්‍රමයයි. මෙය E-reaserch ලෙස හැඳින්වේ. විද්‍යුත් ක්‍රමය හාවිතයෙන් දත්ත රස් කිරීමට හාවිත කළ හැකි ප්‍රධාන ක්‍රම කිහිපයකි.

- පරිගණක ආග්‍රිත සම්මුඛ සාකච්ඡා ක්‍රමය (CAPI)
- පරිගණක ආග්‍රිත ස්වයං ගණන් ගැනීමේ ක්‍රමය (CASI)
- විද්‍යුත් තැපැල් මාරුගික සම්ක්ෂණය (E mail Survey)
- ඇන්තර්පාල සම්ක්ෂණ (Web Surveys)

වාසි

- හාවිතය පහසු වීම
- වඩා ඉක්මනින් දත්ත ලබා ගැනීමට හැකි වීම
- පිරිවැය අඩුවීම
- දත්ත සංවිධානයට යොදා ගැනීමට පහසුවීම
- ජාත්‍යන්තර වශයෙන් විසිර සිවින පුද්ගලයන්ගෙන් දත්ත ලබා ගැනීමට හැකි වීම

අවාසි

- ප්‍රතිචාරකයාගේ පරිගණක දැනුම ප්‍රමාණවත් නොවන විට ප්‍රතිචාර අනුපාතය අඩුවිය හැකි වීම
- විශ්වාසනීයන්වය අඩුවිය හැකි වීම.
- නව තාක්ෂණික පහසුකම් නොමැති අවස්ථාවල තිරුපාෂ නියැදියක් ලබා ගත නොහැකි වීම.

(සේවා 06)

ප.ප්‍රා.	සංඛ්‍යාතය	සම්වේදන සංඛ්‍යාතය
10 - 19	08	08
20 - 29	12	20
30 - 39	20	40
40 - 49	35	75
50 - 59	20	95
60 - 69	05	100

$$\begin{aligned}
 P_{10} &= L_1 + \left[\frac{\frac{10n}{100} - f_c}{f_{pm}} \right] C \\
 &= 19.5 + \left[\frac{10 - 08}{12} \right] 10 \\
 &= 19.5 + \frac{2}{12} \times 10 \\
 &= 19.5 + 1.67 \\
 &= \underline{21.17}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 P_{50} &= L_1 + \left[\frac{\frac{50n}{100} - f_c}{f_{p50}} \right] C \\
 &= 39.5 + \left[\frac{50 - 40}{35} \right] 10 \\
 &= 39.5 + \left[\frac{10}{35} \right] 10 \\
 &= 39.5 + 2.857 \\
 &= \underline{42.357}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 P_{90} &= L_1 + \left[\frac{\frac{90n}{100} - f_c}{f_{p90}} \right] C \\
 &= 49.5 + \left[\frac{90 - 75}{20} \right] 10 \\
 &= 49.5 + \left[\frac{15}{2} \right] \\
 &= 49.5 + 7.5 \\
 &= \underline{57.0}
 \end{aligned}$$

(ඉ)

සේ (අගල්)	ඩිජ්‍යායින් ගණන (f)	මධ්‍ය අගය (x)	u	u^2	fu	fu^2	fc
58 - 60	10	59	-2	4	-20	40	10
61 - 63	20	62	-1	1	-20	20	30
64 - 66	30	65	0	0	0	0	60
67 - 69	20	68	1	1	20	20	80
70 - 72	15	71	2	4	30	60	95
73 - 75	05	74	3	9	15	45	100
	100				25	185	

මධ්‍යනාය

$$\bar{x} = A + \left(\frac{\sum fu}{\sum f} \right) C$$

$$= 65 + \left(\frac{25}{100} \right) 3$$

$$\bar{x} = 65.75$$

මධ්‍යස්ථාය

$$M_d = L_1 + \left(\frac{\frac{n}{2} - f_c}{fm} \right) C$$

$$= 63.5 + \left(\frac{\frac{100}{2} - 30}{30} \right) 3$$

$$= 63.5 + \frac{20}{30} \times 3 \\ = 65.5$$

මාත්‍ය

$$M_o = L_1 + \left(\frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \right) C$$

$$= 63.5 + \left(\frac{10}{10+10} \right) 3$$

$$= 63.5 + \left(\frac{30}{20} \right)$$

$$= 63.5 + 1.5$$

$$= 65$$

සම්මත අපරෙමනය

$$S = C \sqrt{\left[\frac{\sum fu^2}{\sum f} - \left(\frac{\sum fu}{\sum f} \right)^2 \right]}$$

$$S = 3 \sqrt{\left[\frac{185}{100} - \left(\frac{25}{100} \right)^2 \right]}$$

$$S = 3 \sqrt{[1.85 - 0.0625]} \\ S = 3 \sqrt{1.7875}$$

$$S = 4.01$$

$$S_{k1} = \frac{\bar{x} - M_o}{S}$$

$$\text{සේ } S_{k2} = \frac{3(\bar{x} - M_d)}{S}$$

$$= \frac{65.75 - 65}{4.01}$$

$$= \frac{3(65.75 - 65.5)}{4.01}$$

$$S_{k1} = 0.187$$

$$S_{k2} = 0.187$$

මෙය දන කුටික ව්‍යාප්තියකි.

(සේ 10)

පාජේ මිල ද්‍රැගකය

දෙන ලද වර්ෂයේදී පරිභෝෂනය කරනු ලබන ප්‍රමාණයන්හි මුළු වියදම, එම ප්‍රමාණයන්ගේ පදනම් වර්ෂයෙහි මුළු වියදමට දරන අනුපාතය ප්‍රතිශතයක් ලෙස ප්‍රකාශ කළ විට එය පාජේ මිල ද්‍රැගකය ලෙස හැඳින්වේ.

$$PP_{n/o} = \frac{\sum p_n q_n}{\sum p_o q_o} \times 100$$

(ලකුණු 03)

(අං)

අයිතමය	පදනම් වර්ෂය		වර්තන වර්ෂය		$p_o q_o$	$p_o q_n$	$p_n q_o$	$p_n q_n$
	මිල	ප්‍රමාණය	මිල	ප්‍රමාණය				
A	6	50	10	56	300	336	500	560
B	4	60	6	60	240	240	360	360
C	2	100	2	120	200	240	200	240
D	8	40	12	80	320	640	480	960
E	10	30	12	24	300	240	360	288
					1360	1696	1900	2408

I. ලැයේපියර මිල ද්‍රැගකය

$$LP_{n/o} = \frac{\sum p_n q_o}{\sum p_o q_o} \times 100$$

$$= \frac{1900}{1360} \times 100$$

$$= 139.7$$

II. පාජේ මිල ද්‍රැගකය

$$PP_{n/o} = \frac{\sum p_n q_n}{\sum p_o q_n} \times 100$$

$$= \frac{2408}{1696} \times 100$$

$$= 141.98$$

$$= 142$$

III. හිඡර මිල ද්‍රැගකය

$$FP_{n/o} = \sqrt{LP_{n/o} \times PP_{n/o}}$$

$$= \sqrt{139.7 \times 141.9}$$

$$= 140.79$$

$$= 140.8$$

IV. මාර්ගල් එක්වර්ත් මිල ද්‍රැගකය

$$M_E P_{n/o} = \frac{\sum p_n (q_o + q_n)}{\sum p_o (q_o + q_n)} \times 100$$

$$= \frac{4308}{3056} \times 100$$

$$= 140.96$$

$$= 141$$

(ලකුණු 05)

$P_o (q_o + q_n)$	$P_n (q_o + q_n)$
636	1060
480	720
440	440
960	1440
540	648
3056	4308

$$M_E P_{n/o} = \frac{\sum P_n (q_o + q_n)}{\sum P_o (q_o + q_n)} \times 100$$

$$M_E P_{n/o} \times M_E P_{o/n} = \frac{\sum P_n (q_o + q_n)}{\sum P_o (q_o + q_n)} \times \frac{\sum P_o (q_o + q_n)}{\sum P_n (q_o + q_n)}$$

$$= \frac{4308}{3056} \quad \frac{3056}{4308}$$

$$= 1$$

මාර්ගල් එක්වර්ත් මිල ද්‍රැගකය කාල ප්‍රතිච්චත පරික්ෂාව කෘත්ත කරයි.

ii 2011 වසරේහි ඔක්තෝබර් මාසය සඳහා $x = 75.5$

$$\begin{aligned} Y &= 70 + (0.5 \times 75.5) \\ &= 70 + 37.75 \\ &= \underline{\underline{107.75}} \quad \text{හෝ} \end{aligned}$$

මූලය 2006 ජනවාරියට ගෙන ගිය විට

$$\begin{aligned} Y &= 70 + 0.5 [x + 6.5] \\ &= 70 + 0.5x 3.25 \\ Y &= 73.25 + 0.5x \quad \text{මූලය } 2016 \text{ ජනවාරි } 15 \end{aligned}$$

2011 වසරේ ඔක්තෝබර් මාසය සඳහා $x = 69$

$$\begin{aligned} Y &= 73.25 + 0.5 \times 69 \\ &= 73.25 + 34.5 \\ &= \underline{\underline{107.75}} \end{aligned}$$

(ලකුණු 05)

4. (අ) තියියම් සමාගමකා අලෙවි දෙපාර්තමේන්තුව එක් අලෙවි සේවකයින්ට පුදුභුවක් ලබා ගැන අතර ඉන් පසුව පරික්ෂණයක් පවත්වයි. අලෙවි සේවකයින්ගේ පරික්ෂණ ලකුණු සහ පුදුභුවන් පසු ඔවුන් විසින් කරන ලද විතුළුම් පහත වගුවේ දැක්වේ.

පරික්ෂණ ලකුණු (X)	19	24	14	22	26	21	19	20	15	20
අලෙවිය (රු දුරය) (Y)	36	48	31	45	50	37	39	41	33	40

$$\sum X = 200, \sum Y = 400, \sum X^2 = 4120, \sum Y^2 = 16346, \sum XY = 8193$$

(i) පරික්ෂණ ලකුණු සහ අලෙවිය අතර සහසුමිෂ්‍යන්හිනා සංගුණකය ගණනය කර ඒවා අතර සම්බන්ධිතාවක් පවති දැයුතු ප්‍රකාශ කරන්න.

(ii) අඩුතම වර්ග ක්‍රමය භාවිතයෙන් X මත Y හි ප්‍රතිඵායන රේඛාව අනුසිෂ්ටුමය කරන්න.

(iii) නීරණන සංගුණකය ගණනය කර මිල්ගේ ප්‍රතිච්ලිය පිළිබඳ අදහස් දක්වන්න.

(iv) පරික්ෂණ ලකුණු සහ අලෙවිය පදනම් කරගෙන සමහර සේවකයින්ගේ සේවය තතර කිරීමට දෙපාර්තමේන්තුව සලකා බලමින් සිටි. එක් එක් සේවකයාගෙන් රු. 30 000ක අවම අලෙවියක් දෙපාර්තමේන්තුව බලාපොරොත්තු වේ නම් අලෙවි සේවකයෙකුගේ සේවය තතර නීරීම පළකා බැඳීම සඳහා තිබිය යුතු අවම පරික්ෂණ ලකුණු කුමක් ද?

(ලකුණු 10යි.)

(අ) පහත දැක්වෙන එක් එක් යුගලයෙහි පද අතර වෙනස පැහැදිලි කරන්න.

(i) සම්භාවනා විවෘතනය සහ පැවරිය හැකි විවෘතනය

(ii) ස්ථාවලි පාලනය සහ නිෂ්පාදිත පාලනය

(ලකුණු 04යි.)

(ඇ) C - සටහන සහ P - සටහන අතර ඇති වෙනස පැහැදිලි කරන්න.

නිමවන ලද මූලික කාපරටිස් දහයක පැවති දෝෂ සංඛ්‍යාව පහත වගුවේ දැක්වේ.

කාපරටිස් අංකය	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
දෝෂ සංඛ්‍යාව	2	3	6	5	3	3	6	4	5	3

මෙම දත්ත සඳහා සුදුසු පාලන සටහනක් ගොඩනගා, පරික්ෂා තෙවරමින් පවතින දැනග්‍රැන්වා උග්‍රක්ෂණකය පාලනය යටතේ පවති ද යන්න දක්වන්න.

(ලකුණු 06යි.)

$$\begin{aligned}\hat{\beta}_0 &= \bar{y} - \hat{\beta}_1 \bar{x} \\ &= 40 - 1.608 \times 20 \\ &= 40 - 32.16 \\ &= \underline{\underline{7.84}}\end{aligned}$$

ප්‍රතිපායන රේඛාවේ සම්කරණය

$$\hat{y} = 7.84 + 1.608x$$

(ලක්ෂණ 04)

$$(iii) R^2 = \hat{\beta}_1^2 \left[\frac{n\Sigma X^2 - (\Sigma X)^2}{n\Sigma Y^2 - (\Sigma Y)^2} \right] \text{හෝ}$$

$$R^2 = r^2 \text{බැවින් } r = 0.9471$$

$$r^2 = R^2 \text{බැවින් } R^2 = (0.9471)^2$$

$$\underline{\underline{R^2 = 0.8969}}$$

පරායන්ත විවෘතයේ මූල විවෘතයන් 89%ක් ප්‍රතිපායනය මගින් විස්තර කෙරෙන බැවින් අනුස්ථිතිය කරන ලද ප්‍රතිපායන රේඛාව යෝගා වේ.

(ලක්ෂණ 2)

$$\hat{y} = 7.8 + 1.61x$$

$$30 = 7.8 + 1.61x$$

$$30 - 7.8 = 1.61 x$$

$$22.2 / 1.61 = 13.78$$

$$x = 13.8$$

$$\underline{\underline{x = 14}} \quad \text{අවම පරික්ෂණ ලකුණ 14 වේ.}$$

(ලක්ෂණ 01)

(ආ) (i) සම්භාවනා විවෘතය හා පැවරිය හැකි විවෘතය

නිෂ්පාදන ක්‍රියාවලිය තුළ පවතින විවිධ සසම්භාවී හේතුන් මත ඇති වන නෙසරිගිකව පවතින පාලනය කළ නොහැකි විවෘතයන් සසම්භාවී විවෘතයන් වේ.

දරා :- ආර්ථිකවයේ ඇති වන වෙනස්කම්

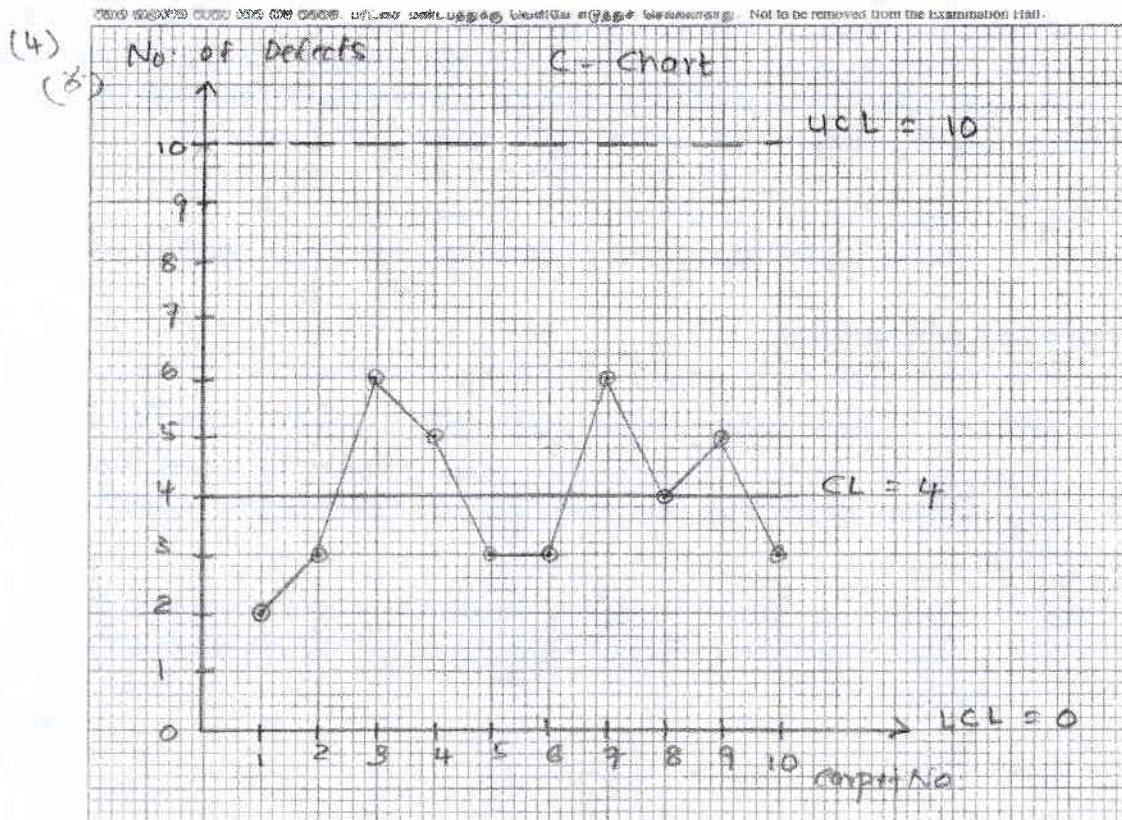
උප්පන්වයේ ඇති වන වෙනස්කම්

සසම්භාවී හේතුන් එකිනෙකින් ස්වයාය්ත්‍ර වන අතර ඒවා අනාවරණය කර ගැනීමටත් ඉවත් කිරීමටත් අපහසු වේ.

හඳුනාගත හැකි හේතුන් මත නිෂ්පාදනයක ගුණත්වයේ ඇතිවන විවෘතයන් පැවරිය හැකි විවෘත වේ.

දරා :- යන්ත්‍ර සුතු අඛලන් වීම හේ ක්ෂය වීම, ගුම්කයා වෙහෙසට පත්ව සිටීම, යන්ත්‍ර නඩත්තු නොකිරීම, දේශ සහිත අමුදුව්‍ය හාවිතය වැනි හේතුන් නිසා මෙම විවෘත හැක. මේවා අනාවරණය කර ගත හැකි මෙන්ම පාලනය කළ හැකි වේ.

(ලක්ෂණ 02)



C සටහනට අනුව සියලු ම නියැදි ලක්ෂා පාලන සීමා තුළපවතින බැවින් ක්‍රියාවලිය පාලනයේ පවතියි.

(ලක්ෂණ 04)

5. (අ) එක එකක සීමා දෙක බැටින් දක්වීම්න් සම්භාවිතාවේ ආච්‍රිත කළේක ප්‍රවේශය සහ සම්භාවිතාවේ සාපේක්ෂ සංඛ්‍යාත ප්‍රවේශය විස්තර කරන්න. (ලක්ෂණ 043.)
- (ආ) $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(A \cup B) = \frac{3}{4}$ සහ $P(B') = \frac{5}{8}$ නම්
- $P(A' \cap B')$, $P(A' \cup B')$ සහ $P(B \cap A')$ සොයන්න.
 - A සහ B සිද්ධී ජ්‍යායක දැඩි ප්‍රකාශ කරන්න. (ලක්ෂණ 043.)
- (ඇ) නිෂ්පාදන කර්මාන්ත ගාලුවක එක් අංශයක නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවන් 5 දෙනකු සහ නඩත්තු ඉංජිනේරුවන් 3 දෙනකු සිටින අතර අනෙක් අංශයකි නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවේ 4 දෙනක් සහ නඩත්තු ඉංජිනේරුවේ 5 දෙනක් සිටියි. මෙම මිනුම අංශයකින් ඉංජිනේරුවන් දෙදෙනකුගේ තහි තෝරීමක් කරන ලදී. මුළුන්ගෙන් එක් පුද්ගලයකු නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවකු සහ අනෙක් පුද්ගලයා නඩත්තු ඉංජිනේරුවකු විමෙ සම්භාවිතාව සොයන්න.
- (ඈ) මූල් සම්භාවිතා නීතිය සහ බෙශස් ප්‍රමේයය ප්‍රකාශ කරන්න.
- වෛද්‍යවරයකු X නම් රෝගය නිවැරදිව තදුනා ගැනීමේ සම්භාවිතාව 0.8 ලේ. මූල් නිවැරදිව රෝගය තදුනා ගැනීමෙන් පසුව එහි ප්‍රතිකාරයෙන් X රෝගය සහිත යෙයියකු මිය යුතුම් සම්භාවිතාව 0.3 ලේ. මූල් රෝගය නිවැරදිව තදුනා නොගැනීම නිසා X රෝගය සහිත රෝගියා මිය යුතුම් සම්භාවිතාව 0.7 ලේ. X රෝගය නිශ්චිත රෝගියකු මිය දියේ නම්, වෛද්‍යවරයා නිවැරදිව X රෝගය තදුනා ගෙන තිබීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
- (ලක්ෂණ 08 පි)

$$\begin{aligned}
 P(B \cap A^1) &= P(B) - P(A \cap B) \\
 &= \frac{3}{8} - \frac{1}{8} \\
 &= \frac{2}{8} \\
 &= \underline{\underline{\frac{1}{4}}}
 \end{aligned}$$

(ii) A හා B ස්වායත්ත නම් $P(A) \cdot P(B) = P(A \cap B)$ විය යුතුය.

$$\begin{aligned}
 P(A) \times P(B) &= \frac{1}{2} \times \frac{3}{8} \\
 &= \frac{3}{16}
 \end{aligned}$$

$$P(A \cap B) = \frac{1}{8}$$

$$P(A \cap B) \neq P(A) \cdot P(B)$$

A හා B සිද්ධී ස්වායත්ත නොවේ.

(කොන් 04)

5. (ඉ) පළමු අංශය

නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවරුන් ගණන = 5

නඩත්තු ඉංජිනේරුවන් ගණන = 3

දෙවන අංශය

නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවන් ගණන = 4

නඩත්තු ඉංජිනේරුවන් ගණන = 5

නිෂ්පාදන ඉංජිනේරුවකු සහ නඩත්තු ඉංජිනේරුවරයකු විමෝ සමඟාලිකාව

$$\begin{aligned}
 &= \frac{9C_1 \times 8C_1}{17C_2} \\
 &= \frac{9!}{8! \cdot 1!} \times \frac{8!}{7! \cdot 1!} \\
 &\quad \frac{17!}{15! \cdot 2!}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{9 \times 8}{17 \times 8} = \frac{72}{136} \\
 &= \frac{9}{17}
 \end{aligned}$$

$$= 0.529$$

හෝ

$$= \frac{1}{2} \left[\frac{5C_1 \times 3C_1}{8C_2} + \frac{4C_1 \times 5C_1}{9C_2} \right]$$

$$= \frac{1}{2} \left[\frac{5 \times 3}{28} + \frac{4 \times 5}{36} \right]$$

$$= \frac{1}{2} \left[\frac{15}{28} + \frac{20}{36} \right]$$

$$= \frac{275}{504}$$

$$= 0.546$$

(කොන් 04)

6. (අ) දේපද ව්‍යාපිතියෙහි සම්භාවිතා ප්‍රිතිය ප්‍රකාශ කරන්න. මෙම ප්‍රිතිය වුයැත්පත්න් හිරිම පදනා සහම්බාවි පරිත්‍යාගයක් මිනින් තාපේන් කළ යුතු කොන්දේසි මොනවා ද?

කිහිපාම් යැන්තු යැන්තු තීජායාදහා කරනු ලබන ඇණවලින් 20% ක් සාමාන්‍යයන් දේශ සහිත චේ. කිහිපාම් ඇණ කාණ්ඩාවකින් පෙන්වා ගන්නා ඇණ 10 ක් සහම්බාවි තීජාදියක දේශ සහිත ඇණ නොහිතව් නම් එම කාණ්ඩාව පිළිගියන්නා අතර තීජාදියේ දේශ සහිත ඇණ 3ක් හෝ රේව විඩා වැඩි සංඛ්‍යාවක් විශේෂ නම් එම කාණ්ඩාව ප්‍රතික්ෂේප කරනු ලැබේ. අනෙක් අවස්ථාවල දෙවන තීජාදියක් ගැනීමේ සම්භාවිතාව සෞයන්න.

(ලකුණ 06ය.)

(ආ) පොදිසේස්න් ව්‍යාපිතිය තීරුව්වනය කර මෙම ව්‍යාපිතියේ භාවිතය සඳහා තීජාදුන් තුනක් දක්වන්න.

දිග මිනින්තු T වන මිනුම කාල ප්‍රාන්තික දුරකථන ප්‍රවිචිත ලැබෙන දුරකථන ඇමතුම් සංඛ්‍යාව සඳහා මිධ්‍යනාය $\frac{1}{2}T$ වන පොදිසේස්න් ව්‍යාපිතියක් ඇත. දුරකථන ස්ථානරු මිනින්තු රුකුරි එම දුරකථන ප්‍රවිචිත ඇති ජ්‍යානයන් පිටව යයි.

 - ස්ථානරු එම ජ්‍යානයේ සොමැඳි කාලය තුළ එක ඇමතුමක්වන් සොලුවේමේ සම්භාවිතාව සෞයන්න.
 - ස්ථානරු එම ජ්‍යානයේ සොමැඳි කාලය තුළ ඇමතුම් තුනක් හෝ වැඩි සංඛ්‍යාවක් ලැබීමේ සම්භාවිතාව සෞයන්න.
 - මිනිම ඇමතුමක් හොලුවේමේ සම්භාවිතාව 90% සහිත ස්ථානරුව නොපූරුණ පිටිය තැකි කාලයේ උපරිම දිග ආයන්ත තත්පරයට සෞයන්න.

(පෙළ₁₀ $e = 0.4343$, පෙළ₁₀ (0.90) = -0.0458)

(ලකුණ 06ය.)

(ඉ) සංඛ්‍යාන ක්ෂේත්‍රයේ දී ප්‍රමත් ව්‍යාපිතියෙහි ප්‍රයෝගන තුනක් පැහැදිලි කරන්න.

කිහිපාම් බල්බ වර්ගයක ආසු කාලය සඳහා මිධ්‍යනා ආසු කාලය පැය 500 සහ සම්මත අපගමනය පැය 45 සහිත ප්‍රමත් ව්‍යාපිතියක් ඇත.

 - අසු වශයෙන් පැය 570 ක ආසු කාලයක් සහිත බල්බ ප්‍රතිශතය
 - පැය 485 සහ පැය 515 අතර ආසු කාලයක් සහිත බල්බ ප්‍රතිශතය
 - හොඳු බල්බ 5% ක් අවම ආසු කාලය සෞයන්න.

(ලකුණ 08ය.)

. (ඇ) එකිනෙකින් ස්වායන්ත්‍ර නැඟැසුම් න සංඛ්‍යාවකින් එක් එක් තැඟැසුම් ප්‍රතිඵල දෙකකින් පමණක් සමන්විතවන විට හා සාර්ථකය ලැබීමේ සම්භාවිතාව ජ සැම නැඟැසුමක්දීම සමාන වන විට සාර්ථකයන් X සංඛ්‍යාවක් ලැබීමේ සම්භාවිතාවය

$P(X = x) = n_C_x p^x q^{n-x}$ මගින් ලබාදේ.

Digitized by srujanika@gmail.com

1. පරීක්ෂණය නිශ්චිත ගනුහැසුම් සංඛ්‍යාවකින් සමන්විත වීම.
 2. එක් එක් තැහැසුම් සාර්ථකය සහ අසාර්ථකය යන ප්‍රතිඵල දෙකකින් පමණක් සමන්විත වීම.
 3. එක් එක් තැහැසුමේමේදී සාර්ථකය ලැබේමේ සම්භාවිතාව p සමාන වීම.
 4. එක් එක් තැහැසුම අන් සියලු ම තැහැසුම්වලින් ස්වායත්ත් වීම.

X : දේශ සහිත පැණු ගණන

$$n = 10 \quad P = 0.2 \quad q = 0.8$$

$$x \sim B(10, 0.2)$$

07. (අ)(i) ස්ථාන සසම්භාවී නියැදීම

ඒකක N වලින් යුත් සංගහනයක් ඒකක N₁, N₂ ... N_Lවලින් යුත් උප සංගහන /ස්ථාන, L ප්‍රමාණයකට බෙදීමෙන් පසු එක් එක් ස්තරයෙන් ස්වායත්ත ලෙස සරල සසම්භාවී නියැදීය බැහැන් තෝරා ගැනීමෙන් සමන්විත වන නියැදීම ක්‍රියාවලිය ස්ථාන සසම්භාවී නියැදීම යනුවෙන් හැඳින්වේ.

වාසි

- නියැදීය මගින් සංගහනය වඩාත් හොඳින් නිරුපණය කරයි.
- සංගහනය විශාල වශයෙන් කුරික අවස්ථාවලදී නියැදීයක් තෝරීම සඳහා වඩාත් සුදුසුවේ.
- සමාජාතිය නොවන සංගහනයකින් නිරුපය නියැදීයක් ලබා ගත හැකි වීම.
- එක් එක් ස්තර සඳහා ද වෙන වෙනම පරාමිති නිමානය කළ හැකි වීම.
- නියැදී සම්ක්ෂණ කටයුතු පරිපාලනය කිරීම පහසු වේ.

අවාසි

- නියුතුම් රාමුවක් නොමැති ව නියැදීම කළ නොහැකි වීම.
- විශාල වශයෙන් මුදල්, කාලය සහ ගුමය වැය වන ක්‍රමයක් වීම.
- ස්තර එකිනෙක තේශනය වන අවස්ථාවලදී හාවිත කළ නොහැකිය.
- සංගහණය ලාක්ෂණිකවලට අනුව සමාජාතිය වන පරිදි ස්තරවලට වෙන් කිරීමේ දුෂ්කරතා පැවතීම.

(ii) පොකුරු නියැදීම

සංගහනය පොකුරු වශයෙන් කාණ්ඩ කර සරල සසම්භාවී ලෙස තෝරා ගත් පොකුරුවල සියලුම නියුතුම් ඒකක නියැදීයට ඇතුළත් කර ගැනීම පොකුරු නියැදීම වේ. පොකුරු වශයෙන් කාණ්ඩ කිරීමේදී කාණ්ඩය කුළ විවෘතය වැඩි වන ආකාරයට සහ කාණ්ඩ අතර විවෘතය අඩුවන ආකාරයට කළ යුතු වේ.

වාසි

- වඩාත් නම්කිලි නියැදීමේ ක්‍රමයක් වීම.
- විමර්ශන කටයුතු සඳහා වැය වන පිරිවැය අඩුවීම.
- නියුතුම් රාමුවක් නොමැති විට වුවද නියැදීම සිදු කළ හැකිය.
- සංගහනය ස්වභාවිකවම පොකුරු වශයෙන් ඇති විට වඩා පහසු නියැදීමේ ක්‍රමයක් වීම.

අවාසි

- අනෙක් නියැදීම් ක්‍රමවලට සාපේක්ෂව නිරවද්‍යතාවයෙන් අඩු නියැදීමේ ක්‍රමයක් වීම.
- පුද්ගල බද්ධතාවයක් වැඩි නියැදී ක්‍රමයක් වීම (සංගහනය පොකුරුවලට බෙදීම යනාදියේ දී)

(iii) කොටස නියැදීම

සංගහනය යම් ලාක්ෂණික කිහිපයකට අනුව කාණ්ඩ කර ඒ එක් එක් කාණ්ඩය කුළුන් තීරණය කරන ලද නියුතුම් ඒකක ප්‍රමාණයන් අන්වේක්ෂණයාගේ අඩුමතය පරිදි තෝරා ගැනීමේ ක්‍රියාවලිය කොටස නියැදීමයි.

වාසි

- සම්භාවිතා නොවන නියැදී ක්‍රමයක් බැවින් කළින් තෝරා ගත් පිරිසක් හමුවීම සඳහා සංගහනය පරික්ෂා කිරීම අනවශ්‍ය බැවින් කාලය, ගුමය, පිරිවැය අවම වීම.
- පරිපාලන හා අධික්ෂණ කටයුතු පහසු වීම.
- නියැදී රාමුවක් මත පදනම් නොවීම.
- සම්භාවිතා නියැදීමකදී මෙන් නියැදීය තෝරීම පහසු වීම.
- අන්වේක්ෂණයාගේ පළපුරුදේද මත හොඳ නියැදීයක් හඳුනාගත හැකිය.
- සංගහනය ප්‍රවර්ගවන පැතිකඩ වැඩි වන විට නිරුපය නියැදීයක් ලැබීම.

(ඉ) I මධ්‍ය සීමා ප්‍රමේයය

මාධ්‍යනය μ හා විවෘතතාව σ^2 වන ක්‍රම හෝ සංගහන ව්‍යාප්තියකින් ලබා ගන්නා සසම්භාවී නියැදියක, නියැදි තරම n විශාල වන විට නියැදි මාධ්‍යනය \bar{x} හි නියදුම් ව්‍යාප්තිය, මාධ්‍යනය μ සහ $\frac{\sigma^2}{n}$ විවෘතතාව සහිතව ආසන්න වශයෙන් පිහිටා බව මධ්‍ය සීමා ප්‍රමේයයෙන් ප්‍රකාශ වේ.

මධ්‍ය සීමා ප්‍රමේයයහි වැදගත්කම වන්නේ සංගහන ලක්ෂණිකයන් ප්‍රමත්ව ව්‍යාප්ත තොවන විටද, සංගහන ව්‍යාප්තිය තොදන්නා විට ද නියැදිතරම ප්‍රමාණවත් තරම විශාල කිරීමෙන් ($n \geq 30$) ප්‍රමත ව්‍යාප්තිය භාවිතා කර තීරණවලට එළඹිය හැකි වීමයි.

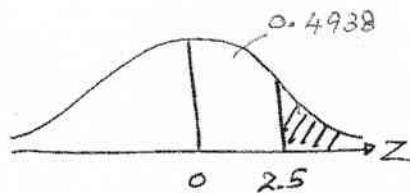
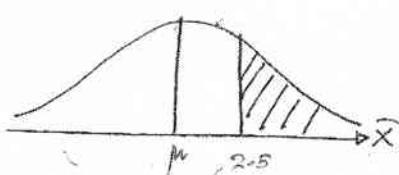
$$\begin{aligned} II \quad \lambda &= 2 & n &= 50 \\ \mu &= \lambda & \sigma &= \sqrt{\lambda} \\ \mu &= 2 & \sigma &= \sqrt{2} & n &= 50 \\ \mu_{\bar{x}} &= \mu = 2 & \sigma_{\bar{x}} &= \sigma / \sqrt{n} \\ &= \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{50}} \\ &= \frac{1}{5} \\ &= 0.2 \end{aligned}$$

හෝ

$$\sigma_{\bar{x}}^2 = \frac{\sigma^2}{n} = \frac{2}{50} = \frac{1}{25}$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{1}{5}$$

$$\bar{X} \sim N [2, 1/25]$$



$$\begin{aligned} Z &= \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} \\ &= \frac{2.5 - 2}{0.2} & P(\bar{X} > 2.5) &= P(Z > 2.5) \\ &= 2.5 & &= 0.5 - 0.4938 \\ & & &= 0.0062 \end{aligned}$$

(ලක්ෂණ 06)

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{3} [\mu + \mu + \mu] &&= \frac{1}{4} [\mu + 2\mu + \mu] \\
 &= \frac{1}{3} \times 3\mu &&= \frac{1}{4} \times 4\mu \\
 E(\hat{\theta}_1) &= \mu & E(\hat{\theta}_2) &= \mu
 \end{aligned}$$

എത്തൻഡാ ടീ₁, μ സംഖ്യാ അനാഗ്രഹിക്കുന്ന നിമാനകയക്കി.

$$\text{Var}(\hat{\theta}_1) = \text{Var}\left[\frac{x_1+x_2+x_3}{3}\right]$$

$$= \frac{1}{9} [\text{Var}(x_1) + \text{Var}(x_2) + \text{Var}(x_3)]$$

$$= \frac{1}{9} [\sigma^2 + \sigma^2 + \sigma^2]$$

$$= \frac{3}{9} \sigma^2$$

$$\text{Var}(\hat{\theta}_1) = \frac{\sigma^2}{3}$$

$$\text{Var}(\hat{\theta}_1) < \text{Var}(\hat{\theta}_2)$$

എത്തൻഡാ ടീ₁ വിവാദം കാർധനക്കും നിമാനകയ വേ.

(സ്ക്രിപ്പ് 04)

08. (എ) I.

A	B
$n_A = 50$	$n_B = 70$
$\bar{x}_A = 2015$	$\bar{x}_B = 2045$
$S_A = 80$	$S_B = 60$

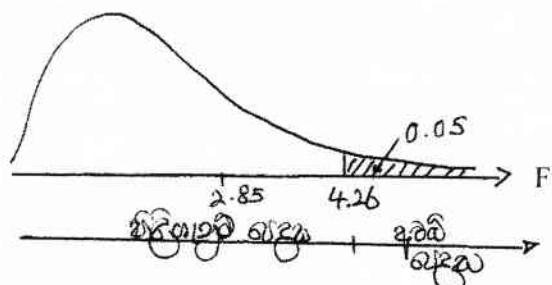
$$\begin{aligned}
 \mu_A - \mu_B &= (\bar{x}_A - \bar{x}_B) \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{s_A^2}{n_A} + \frac{s_B^2}{n_B}} \\
 &= (2015 - 2045) \pm 1.96 \sqrt{\frac{80 \times 80}{50} + \frac{60 \times 60}{70}} \\
 &= -30 \pm 1.96 \sqrt{128 + 51.43} \\
 &= -30 \pm 1.96 \sqrt{179.43}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= -30 \pm 1.96 \times 13.39 \\
 &= -30 \pm 26.24 \\
 &\underline{=(-56.24, -3.76)}
 \end{aligned}$$

(സ്ക്രിപ്പ് 04)

පරීක්ෂාව : $\alpha = 0.05$

$$\begin{aligned}
 \text{ලටයේ සුවලන අංකය} &= k - 1 \\
 &= 3 - 1 \\
 &= 2 \\
 \text{හරයේ සුවලන අංකය} &= k(n-1) \\
 &= 3(4 - 1) \\
 &= 3 \times 3 \\
 &= 9 \\
 F_{2, 9, 0.05} &= 4.26
 \end{aligned}$$



තීරණය : පරීක්ෂණ සංඛ්‍යාතිය $F = 2.85$ පිළිගැනුම් පෙදෙසෙහි පවතින බැවින් H_0 ප්‍රතික්ෂේප නොකරයි.

නිගමනය : නගර තුනෙහිම හාන්චියේ සාමාන්‍ය මිල ගණන් වෙසේසියාත්මකව වෙනස් වන්නේ යැයි පිළිගැනීමට 0.05 මට්ටමේදී සාක්ෂි නොපවති.

හෝ

නගර තුනෙහිම හාන්චියේ සාමාන්‍ය මිල ගණන් සමාන යැයි පිළිගැනීමට 0.05 මට්ටමේදී ප්‍රමාණවත් සාක්ෂි පවති.

(ක්‍රූ 08)